

Temat: Zwiazki między funkcjami trygonometrycznymi
(c. d.)

Zadanie 6.2 / 159 teoria: $0 < \sin \alpha < 1$
 $0 < \cos \alpha < 1$

a) $\cos \alpha = 7 - 11 \cos 2\alpha$

rozwiązanie:

$$\cos \alpha + 11 \cos \alpha = 7$$

$$12 \cos \alpha = 7 \quad / : 12$$

$$\cos \alpha = \frac{7}{12}$$

$$0 < \frac{7}{12} < 1 \quad \text{tak, istnieje}$$

Odp: Istnieje, ponieważ $\frac{7}{12}$ jest większe od zera i mniejsze od 1

d) $4 + \sqrt{3} \cos \alpha = (7 + \sqrt{3}) \cos \alpha$

rozwiązanie:

$$4 + \sqrt{3} \cos \alpha = 7 \cos \alpha + \sqrt{3} \cos \alpha$$

$$\cancel{\sqrt{3} \cos \alpha} - 7 \cos \alpha - \cancel{\sqrt{3} \cos \alpha} = -4$$

$$-7 \cos \alpha = -4 \quad / : (-7)$$

$$\cos \alpha = \frac{4}{7} \quad \text{tak, istnieje}$$

$$0 < \frac{4}{7} < 1$$

Odp: Istnieje taki kąt

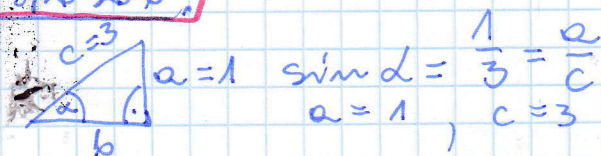
2 zadanie 6.2 / 159 oblicz przykład b)

Zadanie 6.3 / 159

a) $\sin \alpha = \frac{1}{3}$

rozwiązanie:

1 sposób:



Obliczam długości boku b z tw. Pitagorasa:

$$a^2 + b^2 = c^2$$

$$1^2 + b^2 = 3^2$$

$$1 + b^2 = 9$$

$$b^2 = 9 - 1 = 8$$

$$b = \sqrt{8} = \sqrt{4 \cdot 2} = \sqrt{4} \cdot \sqrt{2} = 2\sqrt{2}$$

$$\text{to } \cos \alpha = \frac{b}{c} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

$$\text{a } \tan \alpha = \frac{a}{b} = \frac{1}{2\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{4}$$

Odp: $\cos \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$ a $\tan \alpha = \frac{\sqrt{2}}{4}$

Zrob dwoma sposobami przykład b) zad 6.3 / 159

2 sposób:

z jednolitym tego nomenklatury
całki $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ i $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$

rozwiązanie:

$$\sin \alpha = \frac{1}{3}$$

$$\left(\frac{1}{3}\right)^2 + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\frac{1}{9} + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\cos^2 \alpha = 1 - \frac{1}{9}$$

$$\cos^2 \alpha = \frac{8}{9}$$

$$\cos \alpha = \sqrt{\frac{8}{9}} = \frac{\sqrt{8}}{3} = \frac{\sqrt{4 \cdot 2}}{3} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{2\sqrt{2}}{3}} = \frac{1}{3} \cdot \frac{3}{2\sqrt{2}} = \frac{1 \cdot \sqrt{2}}{2\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{4}$$

Odp: $\cos \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$ a $\tan \alpha = \frac{\sqrt{2}}{4}$